

Musterlösung**1. Aufgabe**

Einheit	Abkürzung	Phys. Größe	SI Einheit
Hertz	Hz	Frequenz	s^{-1}
Pascal	Pa	Druck	$N / m^2 = kg / m / s^2$
Newton	N	Kraft	$kg \cdot m / s^2$
Joule	J	Arbeit, Energie	$N \cdot m = kg \cdot m^2 / s^2$
Watt	W	Leistung	$J / s = kg \cdot m^2 / s^3$
Volt	V	el. Spannung	$J / C = W / A = kg \cdot m^2 / s^3 / A$
Coulomb	C	el. Ladung	$A \cdot s$

2. Aufgabe**a)**

1 Liter entspricht einem Volumen von $1 \text{ dm} \cdot 1 \text{ dm} \cdot 1 \text{ dm} = (1 \text{ dm})^3$.
 dm... „Dezimeter“. $1 \text{ dm} = 0,1 \text{ m} = 10^{-1} \text{ m}$.

also ist ein Liter = $(1 \cdot 10^{-1} \text{ m})^3 = \underline{1 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3}$.

Das Volumen eines Quaders mit einem Meter Kantenlänge und einem Millimeter Höhe beträgt:

$$V = 1 \text{ m} \cdot 1 \text{ m} \cdot 1 \text{ mm} = 1 \text{ m} \cdot 1 \text{ m} \cdot 10^{-3} \text{ m} = \underline{1 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3}.$$

Ein Millimeter Niederschlagshöhe auf einem Quadratmeter entspricht also einer Niederschlagsmenge von einem Liter.

b)

$1 \text{ km} / \text{h} = 1 \cdot 1000 \text{ m} / (60 \text{ min}) = 1 \cdot 1000 \text{ m} / (3600 \text{ s}) = 1 \text{ m/s} / 3,6$.
 Oder andersrum: $1 \text{ m/s} = 3,6 \text{ km/h}$

Eine Geschwindigkeit von 300 m/s entspricht also einer Geschwindigkeit von
 $300 \cdot 3,6 \text{ km/h} = \underline{1080 \text{ km/h}}$

c)

$$\varnothing_{\text{Sonnensystem}} = 10^6 \cdot \varnothing_{\text{Erde}}$$

Angenommen $\varnothing_{\text{Erde}} = 1 \text{ cm} = 1 \cdot 10^{-2} \text{ m}$, dann ist

$$\varnothing_{\text{Sonnensystem}} = 10^6 \cdot 1 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 10^4 \text{ m} = \underline{\underline{10 \text{ km}}}$$

d)

Anzahl der Platinatome N_{Pt} (berechne Stoffmenge in einem kg Platin und multipliziere mit Avogadro-Konstante):

$$\begin{aligned} N_{\text{P}} &= (1 \text{ kg} / M_{\text{Pt}}) \cdot N_{\text{A}} \\ &= (1 \text{ kg} / 195 \text{ g/mol}) \cdot 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1} \\ &= (1 \text{ kg} / 0,195 \text{ kg/mol}) \cdot 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1} \\ &= (1 \text{ kg} / 0,195 \text{ kg/mol}) \cdot 6,022 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1} \\ &= (1/0,195) \cdot 6,022 \cdot 10^{23} \\ &= \underline{\underline{3,09 \cdot 10^{24}}} \end{aligned}$$

Größe des Würfels folgt aus der Dichte (V... Volumen):

$$\begin{aligned} V_{\text{Pt}} &= m_{\text{Pt}} / \rho_{\text{Pt}} \\ &= 1 \text{ kg} / 21,45 \text{ g/cm}^3 \\ &= 1 \text{ kg} / 21450 \text{ kg/m}^3 \\ &= \underline{\underline{4,66 \cdot 10^{-5} \text{ m}^3}} \end{aligned}$$

Und daraus die Kantenlänge a des Würfels:

$$a = (V_{\text{Pt}})^{1/3} = (m_{\text{Pt}} / \rho_{\text{Pt}})^{1/3} = \underline{\underline{0,036 \text{ m}}}$$

Der interatomare Abstand d_{Pt} der Pt Atome folgt aus der Anzahl der Atome und der Kantenlänge des Würfels. Entlang einer Würfelkante liegen $(N_{\text{Pt}})^{1/3}$ Atome. Der Abstand der Atome beträgt also

$$d_{\text{Pt}} = a / (N_{\text{Pt}})^{1/3} = 0,036 \text{ m} / (3,09 \cdot 10^{24})^{1/3} = \underline{\underline{2,5 \cdot 10^{-10} \text{ m}}}$$

3. Aufgabe

(n... Anzahl der Meßwerte, x_i ... i-ter Meßwert)

a)

Mittelwert:

$$\bar{x} = 1/n \cdot \sum x_i = 6.8950 = 1/20 \cdot 137.9 = \underline{\underline{6.8950}}$$

Standardabweichung:

$$s_1 = (1/n \cdot \sum (x_i - \bar{x})^2)^{1/2} = \underline{\underline{1.1368}}$$

$$s_2 = (1/(n-1) \cdot \sum (x_i - \bar{x})^2)^{1/2} = \underline{\underline{1.1080}}$$

Standardfehler:

$$\Delta \bar{x} = s_1 / \sqrt{n} = 1.1368 / \sqrt{20} = \underline{\underline{0.2542}}$$

b)

Es soll gelten: $\Delta \bar{x} \leq \bar{x} \cdot 1\%$. Daraus folgt:

$$n \geq (s / \bar{x} \cdot 0,01)^2 = \underline{\underline{272}}$$